

Systèmes sur puce communicants

SOCOM201

G. Rodriguez-Guisantes
Dépt. COMELEC



2016-2017

Plan de la présentation

- Caractéristiques du canal radio ;
- Analyse et conception du Tx-Rx ;
- Modulation M-QAM - analyse théorique ;
- M-QAM et les distorsions ;
- Modulations *wideband*- l'OFDM ;

Caractéristiques du canal radio

Effets microscopiques du canal

Signal transmi :

$$s(t) = \text{Re}\{u(t).e^{j2\pi f_c t}\} = I(t) \cos(2\pi f_c t) - Q(t) \sin(2\pi f_c t)$$

f_c porteuse - $u(t)$ BB avec B_s Hz.

Signal reçu :

$$r(t) = \text{Re} \left\{ \sum_{n=0}^{N(t)} \alpha_n u(t - \tau_n(t)).e^{j\{2\pi f_c(t - \tau_n(t)) + \phi_n^D\}} \right\}$$

$$\phi_n(t) = 2\pi f_c \tau_n(t) - \phi_n^D,$$

$$r(t) = \text{Re} \left\{ e^{j2\pi f_c t} \cdot \sum_{n=0}^{N(t)} \alpha_n u(t - \tau_n(t)).e^{-j\phi_n(t)} \right\}$$

Composantes du *fading*

n correspond à un chemin de longueur

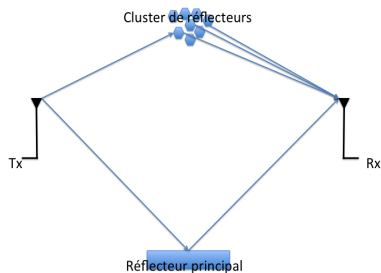
$$L_n \rightarrow \tau_n = L_n/c$$

$\alpha_n(t)$ = atténuation.

$$\phi_n^D = \int 2\pi f_n^D(t) dt = \text{Doppler } f_c,$$

$$f_n^D(t) = \frac{v \cos \theta_n(t)}{\lambda},$$

$\theta_n(t)$ angle relatif à la direction du mouvement.



Les chemins sont *résolubles* si $|\tau_j - \tau_i| \gg B_s^{-1}$

Impact du *fading*

Si la dispersion des retards est petite comparée à $B_s^{-1} \sim T_s$

⇒ *narrowband fading* ;

Si la dispersion des retards est grande comparée à $B_s^{-1} \sim T_s$

⇒ *wideband fading* ;

Delay spread

La dispersion des chemins autour de la moyenne s'appelle *Delay spread* du canal → T_m .

Modèle *narrowband*

Dans ce cas $T_m \ll T_s$.

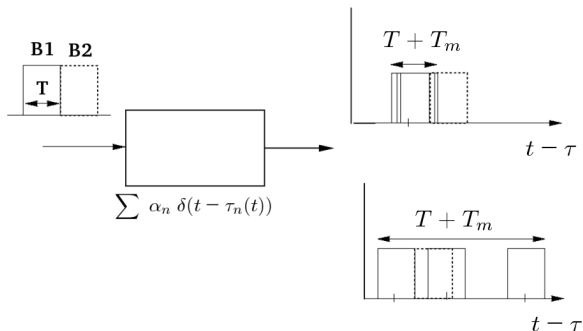
Si τ_i représente le i -ème retard, alors $\tau_i \leq T_m$:

$$u(t - \tau_i) \simeq u(t).$$

$$r(t) = \operatorname{Re} \left\{ u(t) e^{j2\pi f_c t} \underbrace{\left(\sum_n \alpha_n(t) e^{-j\phi_n(t)} \right)}_{A(t)} \right\}.$$

Modèle wideband

Dans ce cas $T_m \gg T_s$.



Conclusion : si $T_m \gg T_s \rightarrow$ **IES**

L'effet Doppler

Cet effet traduit la variabilité du canal dans le temps :

La dispersion moyenne de la fréquence autour de la porteuse s'appelle *Doppler spread* B_D du canal

On appelle **Temps de Cohérence** du canal, la durée d'un cycle complet de la dynamique induite par le Doppler.

$$T_c \approx 1/B_D$$

Resumé

Delay Spread - T_m

La dispersion des retards donne une bonne idée des caractéristiques dispersives du canal dans le temps.

Doppler Spread - B_D

La dispersion Doppler donne une bonne idée de la variabilité du canal dans le temps.

Paramètres

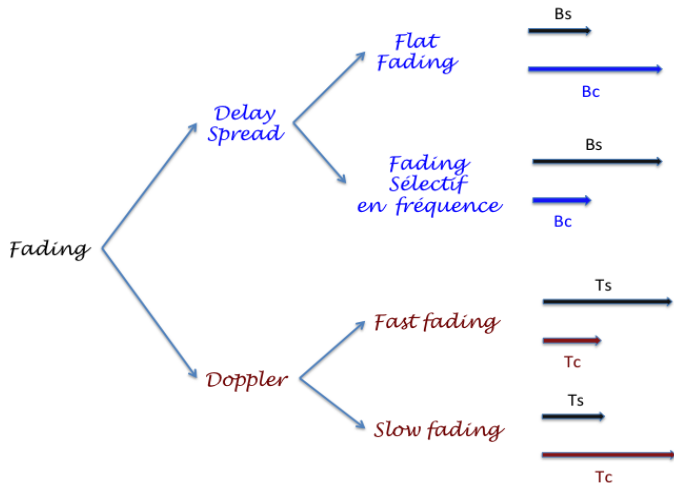
Dispersion moyenne \leftrightarrow Bande de cohérence

$$T_m \leftrightarrow B_c$$

Temps de Cohérence \leftrightarrow Dispersion Doppler

$$T_c \leftrightarrow B_D$$

Résumé des modèles de canaux RF



Etat de l'art

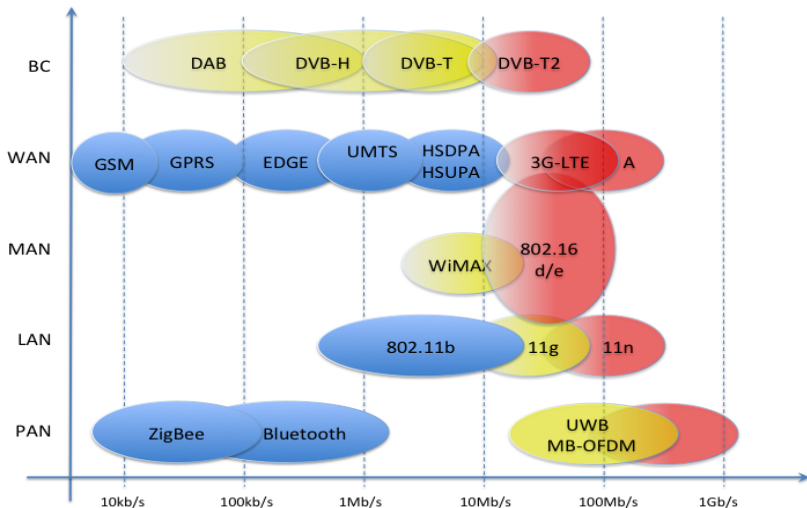


Schéma de Tx-Rx

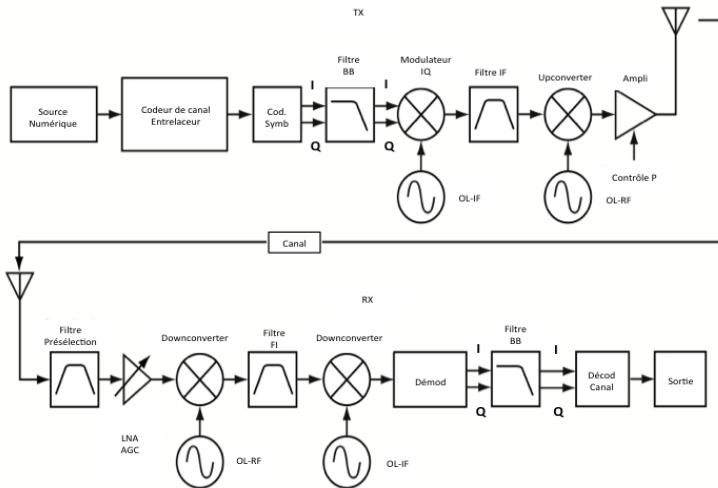


Schéma de Tx-Rx

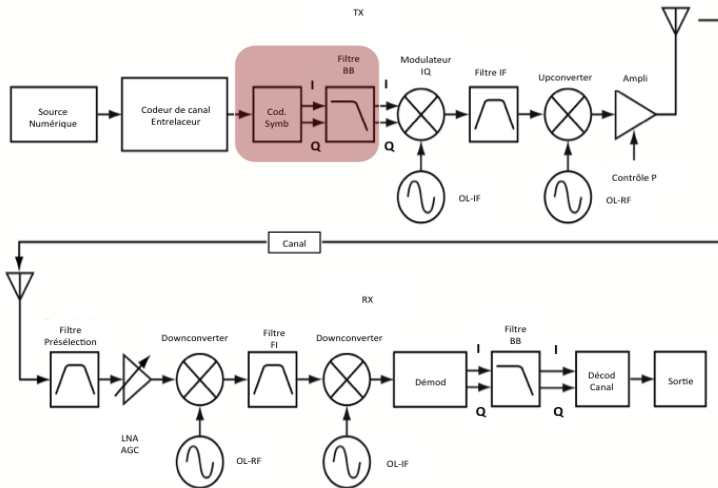


Schéma de Tx-Rx

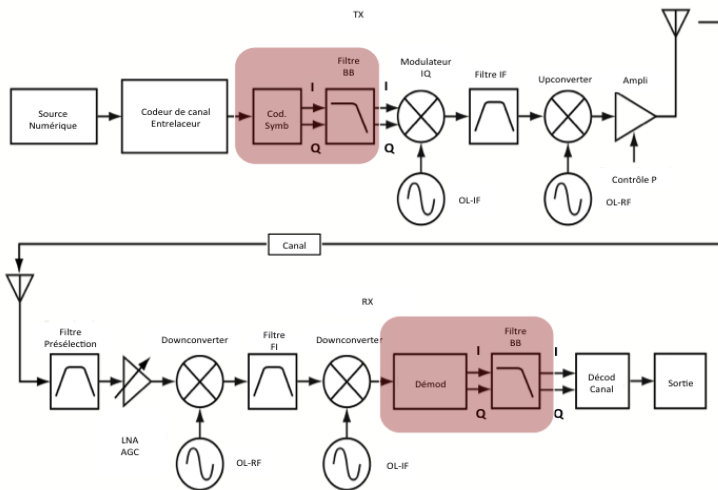
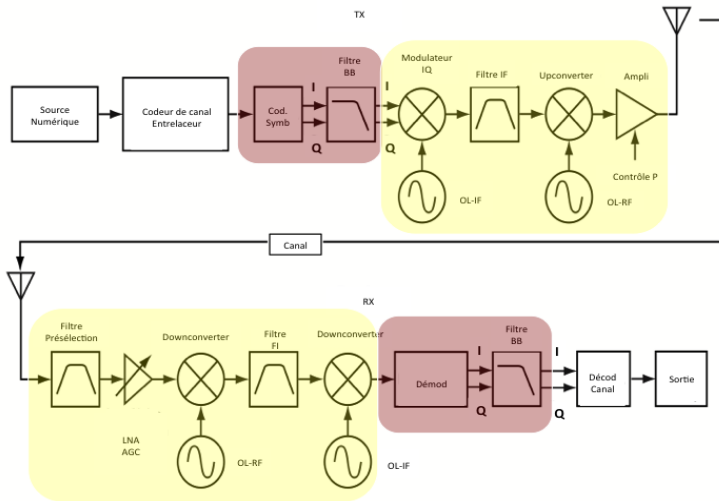


Schéma de Tx-Rx



Modulation en bande de base

Signal transmi :

$$s(t) = \text{Re}\{u(t).e^{j2\pi f_c t}\} = I(t) \cos(2\pi f_c t) + j.Q(t) \sin(2\pi f_c t)$$

f_c porteuse - $u(t)$ signal en bande de base.

$$u(t) = I(t) + j.Q(t)$$

Représentation complexe du signal porteur d'information

$I(t)$ – composante en phase

$Q(t)$ – composante en quadrature

Modulation en bande de base

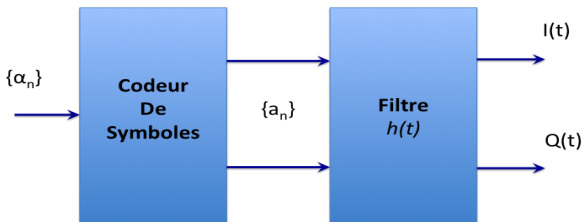
Modulation numérique : construire $u(t)$ en fonction des changements d'états d'une source d'information.

$$u(t) = \sum_n a_n \cdot h(t - nT)$$

Modulation en bande de base

$u(t)$ est construit en deux phases :

- bits \rightarrow amplitudes ;
- amplitudes \rightarrow forme d'onde (grâce à $h(t)$).

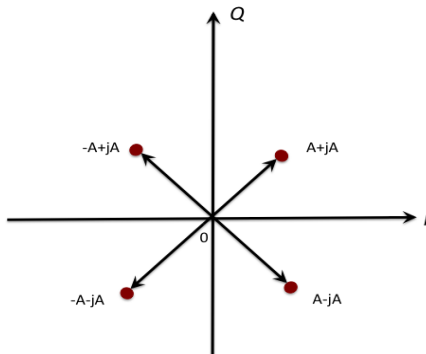


Exemple

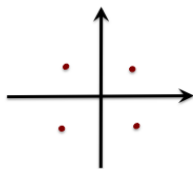
$$u(t) \in \mathcal{C}$$

$$u(t) = \sum_n a_n \cdot h(t - nT)$$

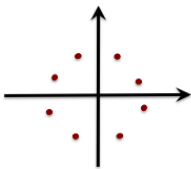
$$a_n = \{A + jA; -A + jA; -A - jA; A - jA\}$$



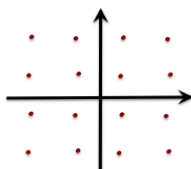
Généralisation à l'ordre M



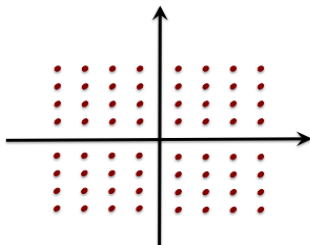
4-PSK



8-PSK

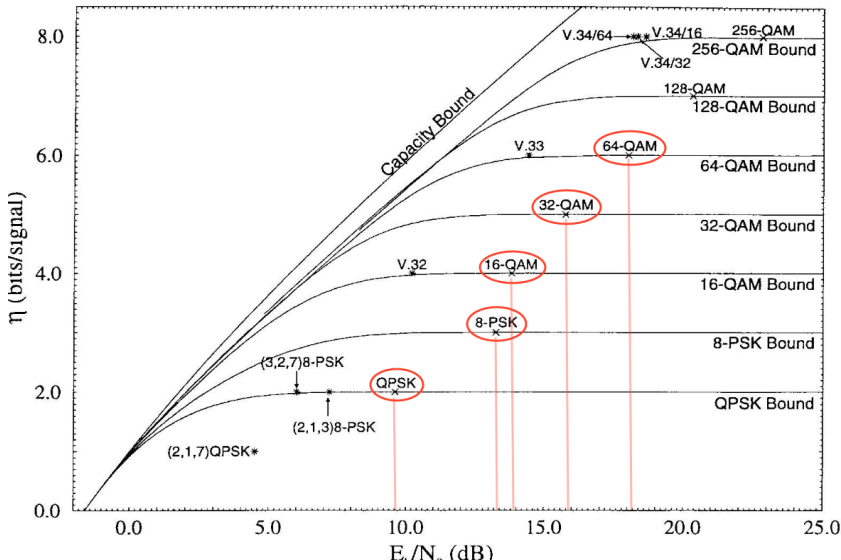


16-QAM



64-QAM

Efficacité spectrale



Modulation M-QAM - analyse théorique

Signal émis

$$s(t) = \sum_n a_n h_t(t - nT)$$

Signal reçu

$$r(t) = \sum_n a_n h_{Rx}(t - nT) + b(t)$$

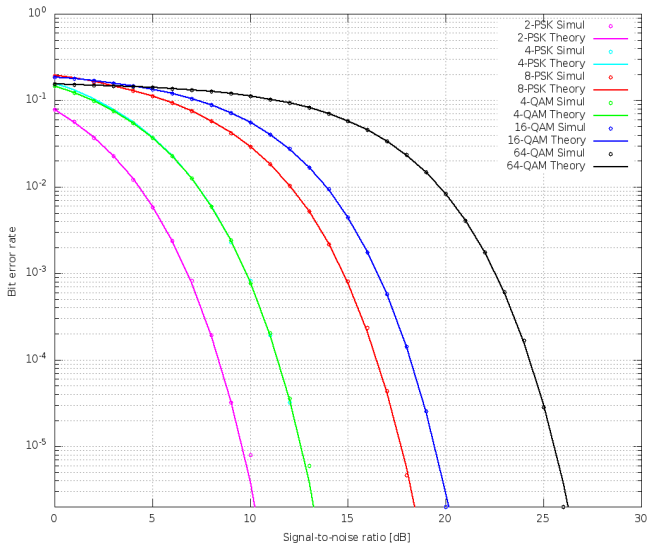
où

$$h_{Rx}(t) = h_t(t) * h_c(t) * h_r(t)$$

Signal reçu échantillonné

$$r(kT + \tau) = \sum_n a_n h_{Rx}(kT + \tau - nT) + b(kT + \tau)$$

Modulation M-QAM - Performance en BABG



Les distorsions

Les sources de distorsion :

- distorsions linéaires dues au canal ;
- les distorsions du Tx ;
- les distorsions du Rx.

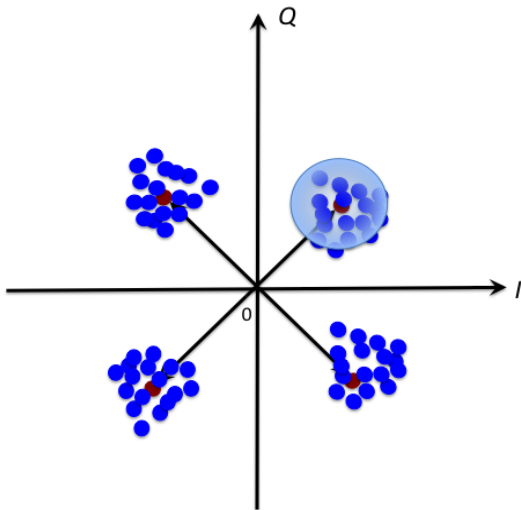
Distorsions du canal sur la M-QAM

Possibles sources de distorsion :

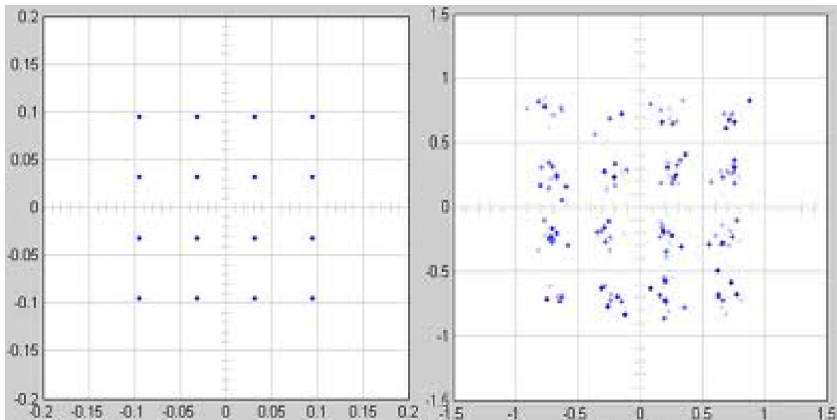
- limitation en bande du canal ;
- sélectivité en fréquence due au *fading* ;

Si $B_c \lll \frac{1}{T}$ alors IES !

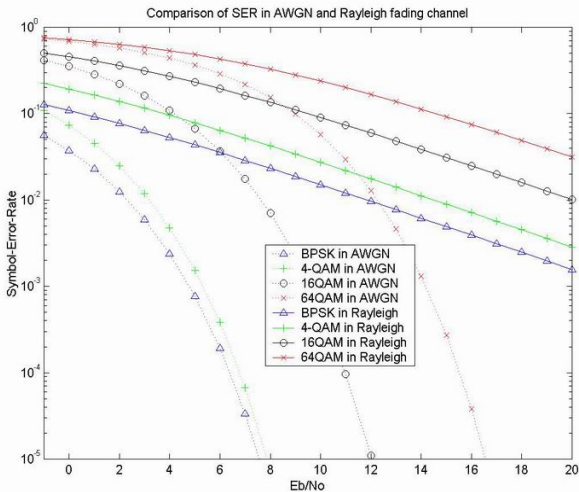
Impact de l'IES - Diagrammes de dispersion



Diagrammes de dispersion - 16-QAM



P_{symb} - M-QAM en canal de Rayleigh



L'égalisation

L'idée de l'égalisation consiste à supprimer la distorsion induite par le canal

Deux façons de traiter le problème :

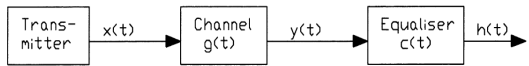
- filtrage dans le domaine de la fréquence ;
- convolution dans le temps avec la bonne réponse impulsionnelle.

Trois techniques sont fréquemment utilisées dans la pratique :

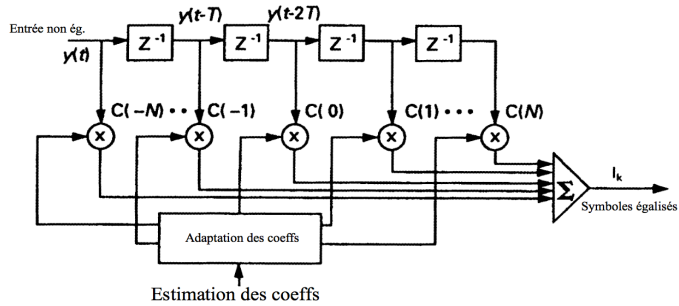
- égalisation linéaire ;
- égalisation par retour des décisions ;
- égalisation par estimation de séquence.

Égalisation linéaire

Modèle d'égaliseur linéaire

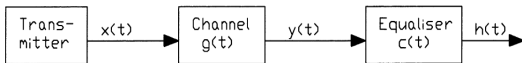


Il s'agit d'un filtre linéaire de RI : $c(kT) = \sum_{k=-N}^{+N} c(k).z^{-kT}$



Le zero forcing et le EQM

Modèle d'égaliseur linéaire



Les coeffs du filtre linéaire peuvent être calculés selon deux critères :

- on annule l'effet de l'IES sur la plage d'échantillons $(-N; +N) \rightarrow$ *Zero Forcing* ;
- on minimise l'**erreur quadratique moyenne de la distorsion** \rightarrow *EQM*.

Le zero forcing et le EQM

Si $h(n) = y(n) * c(n)$, alors on appelle **Distorsion quadratique moyenne** ;

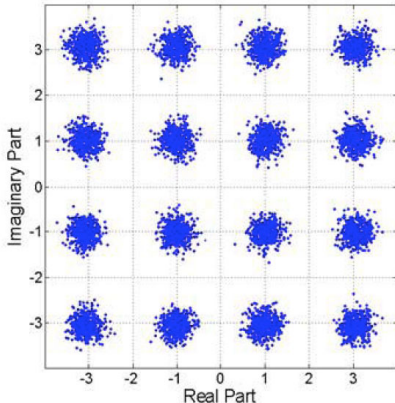
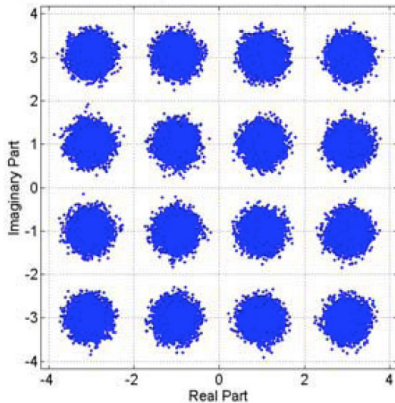
$$DQM = \frac{1}{h^2(0)} \sum_{k=-\infty; k \neq 0}^{+\infty} h^2(n)$$

Pour minimiser l'IES il suffit de minimiser l'**erreur quadratique moyenne**

$$EQM = \epsilon = \left(\sum_{k=-\infty; k \neq 0}^{+\infty} h^2(n) \right) - h^2(0)$$

Fonction quadratique des coeffs → problème « classique » d'estimation spectrale qui peut être résolu par des algorithmes du type Levinson-Durbin.

Exemple éga EQM sur 16-QAM, Canal à 3 coeffs

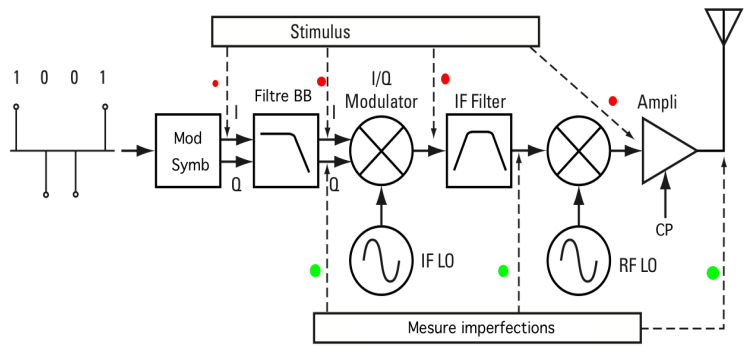


L'impact des imperfections RF

Nous allons considérer les sources d'imperfection suivantes :

- le offset de DC ;
- le déséquilibre entre I et Q ;
- le bruit de phase ;
- le rapport de pic (*peak-to-average power ratio* - P2A) ;
- la non-linéarité des amplificateurs RF.

Mesure des imperfections



Indices de qualité

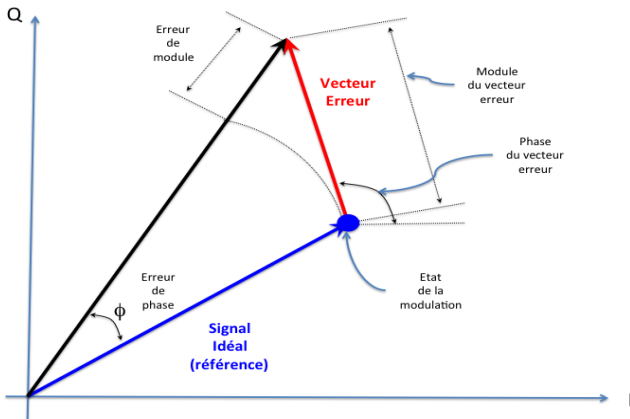
Plusieurs « marqueurs » peuvent être utilisés pour mesurer la qualité de la modulation :

- l'erreur vectorielle (*Error Vector Magnitude*) ;
- erreur de fréquence et de phase ;
- ρ du CDMA et puissance du code.

Déf : l'**erreur vectorielle**, est le vecteur différence entre la valeur du signal complexe à un instant d'échantillonnage, et la valeur théorique que le signal complexe devrait avoir à cet instant.

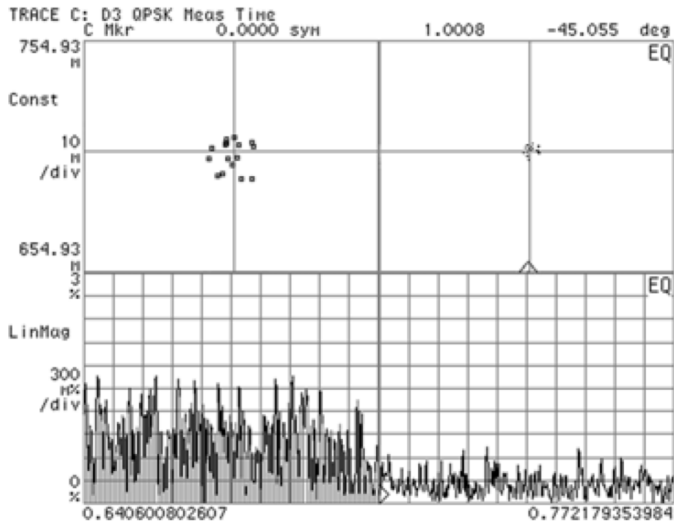
Il s'agit d'une quantité **complexe** (vectorielle) !

EVM



l'**EVM**, est la valeur quadratique moyenne dans le temps de l'erreur vectorielle, au instants de transition des symboles.

EVM et l'égalisation



Le offset de DC

La présence d'un offset de continu sur les composantes $I(t)$ et $Q(t)$ → mod de phase du signal modulé.

$$s(t) = A.I(t) \cos(2\pi f_c t) - A.Q(t) \sin(2\pi f_c t),$$

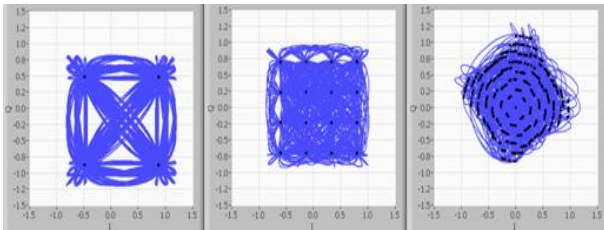
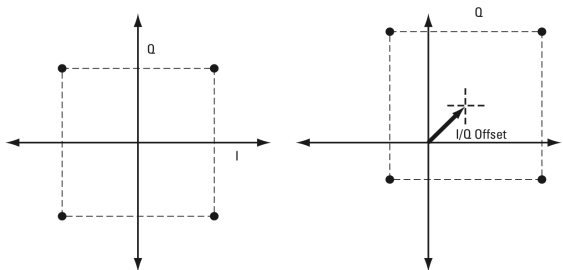
$$s_{DC}(t) = A.(I(t) + V_I) \cos(2\pi f_c t) - A.(Q(t) + V_Q) \sin(2\pi f_c t),$$

$$s_{DC}(t) = s(t) + A.V_I \cos(2\pi f_c t) - A.V_Q \sin(2\pi f_c t).$$

Un « reste » de porteuse traîne sur le signal modulé !

Attention ! : ceci peut avoir des conséquences néfastes sur la performance de la modulation.

Le offset de DC (2)



Le déséquilibre entre I et Q

Très rarement on vérifie l'orthogonalité des composantes $I(t)$ et $Q(t)$.

$$s(t) = A.I(t) \cos(2\pi f_c t) - A.Q(t) \sin(2\pi f_c t),$$

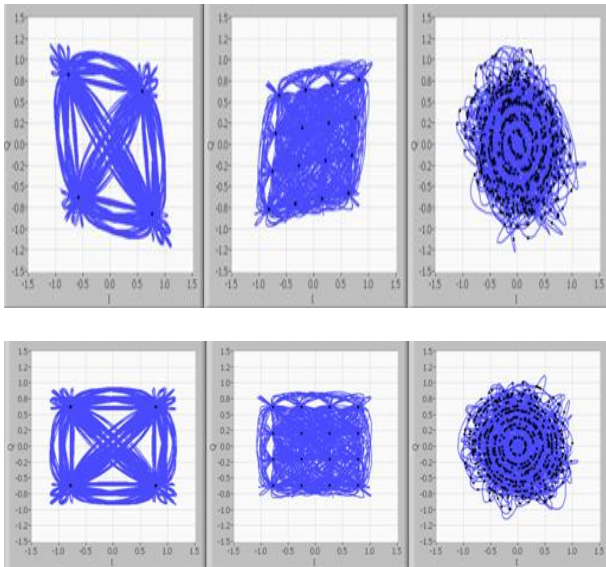
$$s_{Imb}(t) = A.I(t) \cos(2\pi f_c t) - A.Q(t)(1 + \alpha) \sin(2\pi f_c t + \phi),$$

$$s_{Imb}(t) = A.(I(t) - (1 + \alpha) \sin \phi . Q(t)) \cos(2\pi f_c t) -$$

$$- A.(1 + \alpha \cos \phi) . Q(t) . \sin(2\pi f_c t + \phi).$$

I et Q se gênent mutuellement !

Le déséquilibre entre I et Q (2)



Le bruit de phase

L'oscillateur local introduit une gigue dans sa fréquence de résonance.

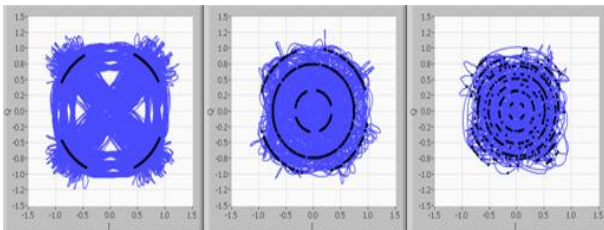
$$s(t) = A.I(t) \cos(2\pi f_c t) - A.Q(t) \sin(2\pi f_c t),$$

$$s_{PN}(t) = A.I(t) \cos(2\pi f_c t + \phi(t)) - A.Q(t) \sin(2\pi f_c t + \phi(t)),$$

$$s_{PN}(t) = A.(I(t) \cos \phi(t) - Q(t) \sin \phi(t)). \cos(2\pi f_c t) - \\ - A.(I(t) \sin \phi(t) + Q(t) \cos \phi(t)). \sin(2\pi f_c t).$$

I et Q s'entre-modulent à la cadence de $\phi(t)$!

Le bruit de phase (2)

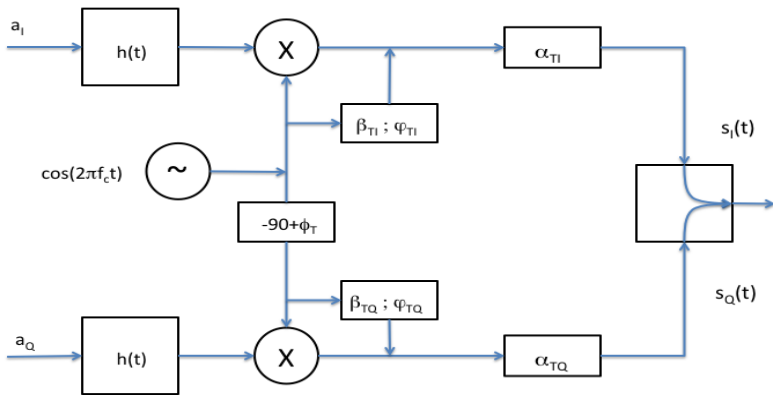


Exemple : impact des imperfections sur la M-QAM

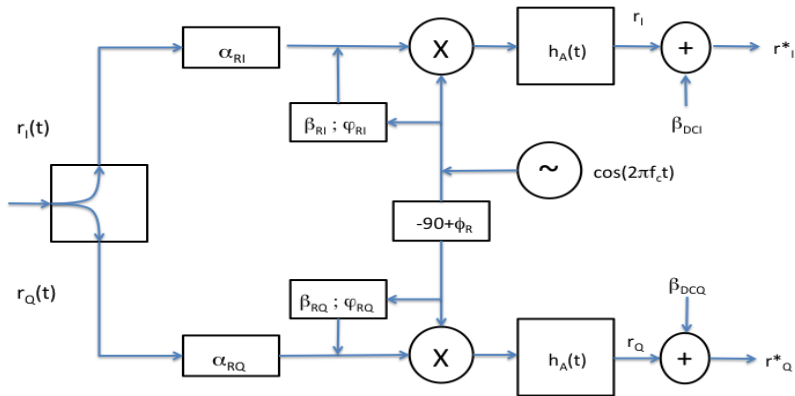
Quel est l'impact de ces imperfections sur le signal modulé ?
A titre d'exemple, nous allons quantifier les imperfections suivantes :

- erreur de phase entre I et Q ;
- déséquilibre des amplitudes I-Q ;
- fuite de porteuse après mélange ;
- offset DC.

Exemple : modèle des imperfections - Tx



Exemple : modèle des imperfections - Rx



Exemple : Signaux en BB - TX/Rx

$$s_{modI}(t) = \sum a_{Ik}h(t-kT_{symb}) \quad ; \quad s_{modQ}(t) = \sum a_{Qk}h(t-kT_{symb}),$$

$$\tilde{s}(t) = s_I(t) + js_Q(t),$$

où :

$$s_I(t) = \alpha_{TI} \cdot s_{modI}(t) - \alpha_{TQ} \cdot \sin \phi_T \cdot s_{modQ}(t) + \\ \alpha_{TI} \beta_{TI} \cdot \cos \varphi_{TI} - \alpha_{TQ} \beta_{TQ} \cdot \cos \varphi_{TQ}$$

et

$$s_Q(t) = \alpha_{TQ} \cos \phi_T \cdot s_{modQ}(t) + \alpha_{TI} \beta_{TI} \cdot \sin \varphi_{TI} + \alpha_{TQ} \beta_{TQ} \cdot \sin \varphi_{TQ}$$

Exemple : Signaux en BB - TX/Rx 2

$$\tilde{r}(t) = r_I(t) + jr_Q(t) = s_I(t) + n_I(t) + j(s_Q(t) + n_Q(t)),$$

$$r_I^*(t) = \alpha_{RI} \cdot s_I(t) + \alpha_{RI} \beta_{RI} \cdot \cos \varphi_{RI} + \beta_{DCI}$$

et

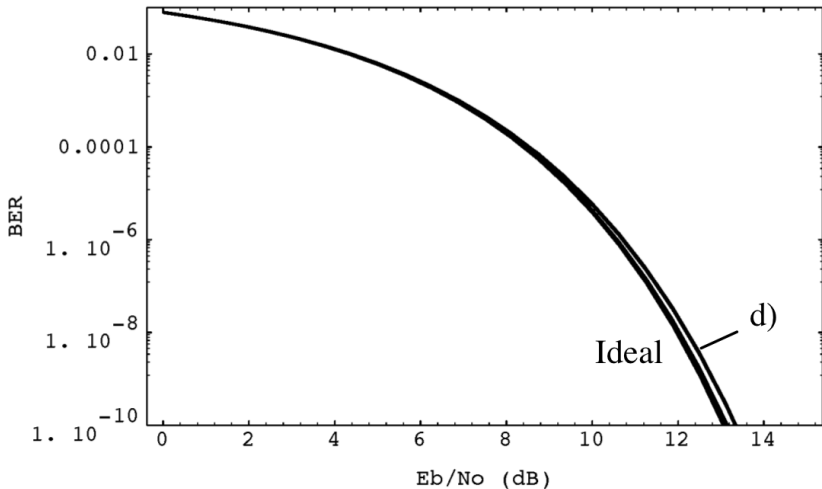
$$r_Q^*(t) = \alpha_{RQ} \cdot \{s_Q(t) \cos \phi_R - s_I(t) \sin \phi_R\} + \alpha_{RQ} \beta_{RQ} \cdot \sin(\varphi_{RQ} - \phi_R) + \beta_{DCQ}$$

Exemple : Paramètres de simulation 2

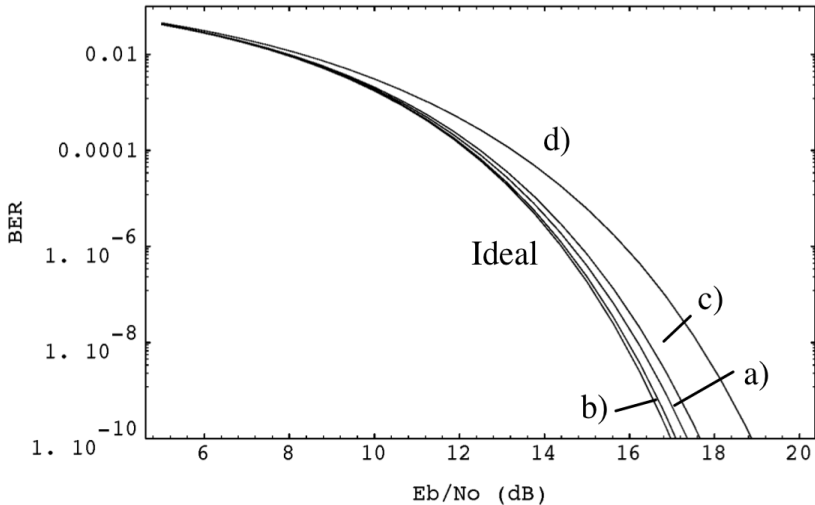
$$DC_{offset} = 0$$

ErrQuad Tx/Rx(deg)	DéseqAmp(dB)	CL-supp(dBc)	Fig
0.5/0.5	0.1(2%)	30	a)
0.5/0.5	0.1	∞	b)
1.0/1.0	0.3(7%)	∞	c)
3.0/2.0	0.5(12%)	∞	d)

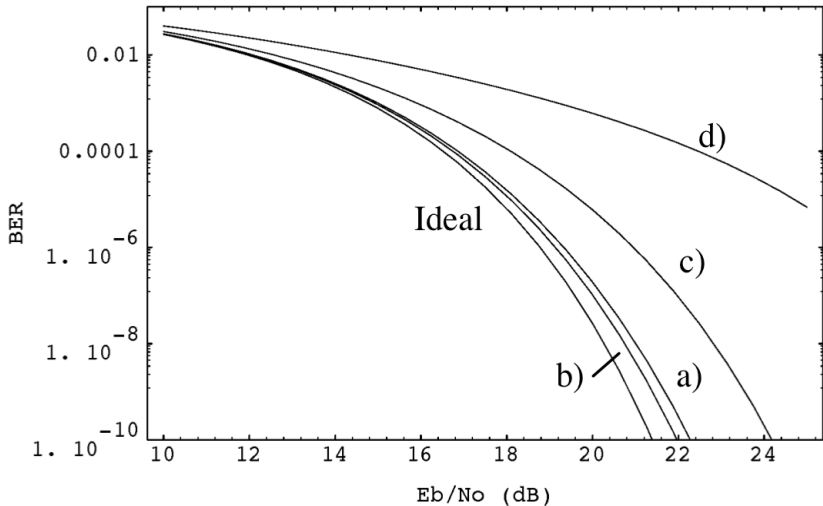
Exemple : BER-QPSK



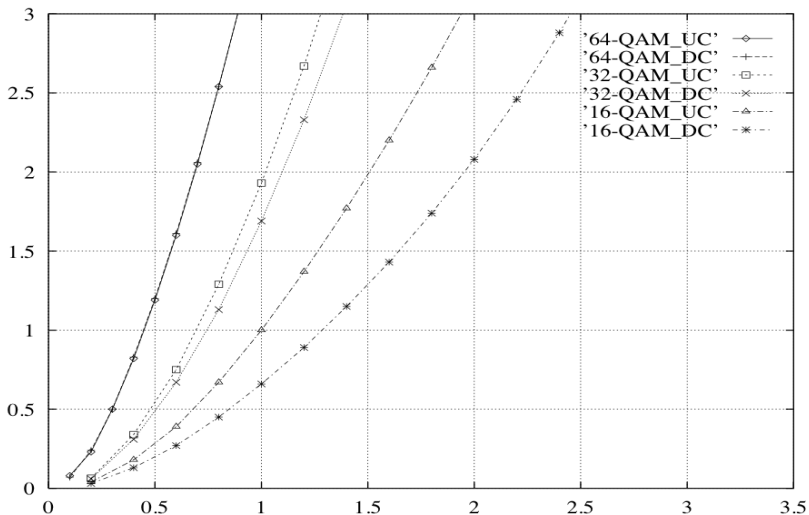
Exemple : BER-16QAM



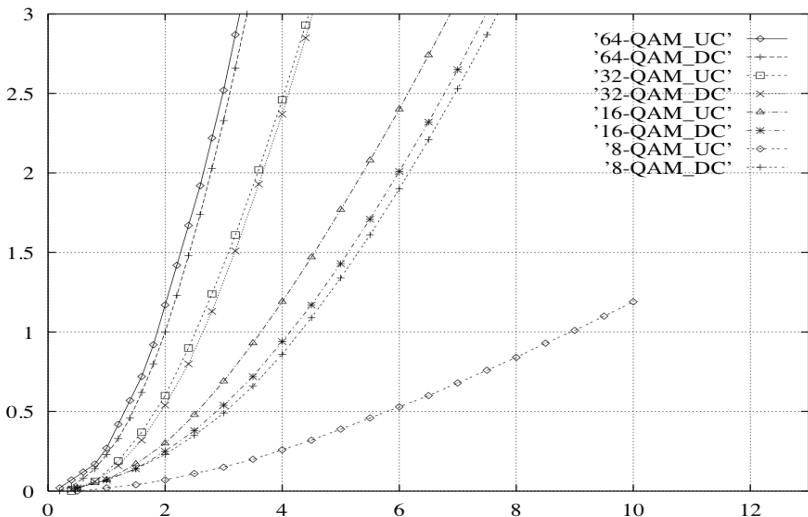
Exemple : BER-64QAM



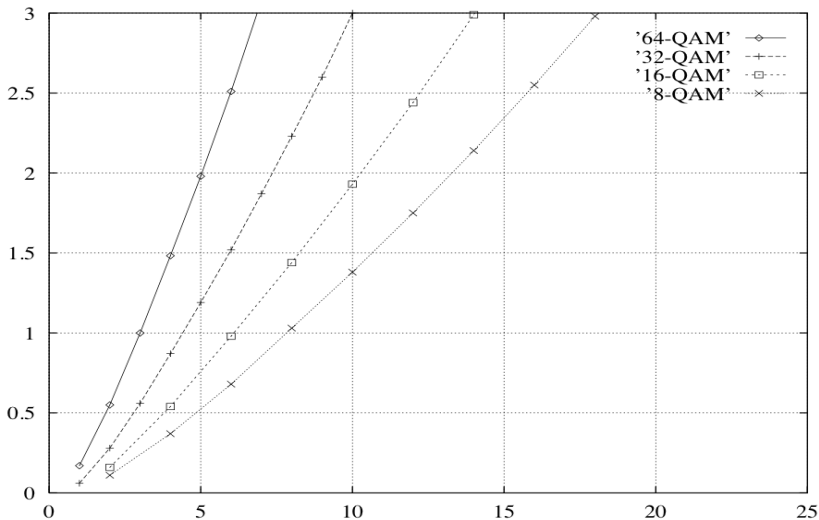
Pertes d'implantation - Déséquilibre d'amplitudes (en dB@10⁻⁶)



Pertes d'implantation - Erreur I-Q (en $\text{deg}@10^{-6}$)



Pertes d'implantation - DC offset (en %@ 10^{-6})



L'idée du MCM

Supposons un canal sélectif en fréquence :

$$T_s \ggg T_m$$

$$B_s \lll B_c$$

On décompose le système en N système en parallèle :

$$B_N = \frac{B_s}{N},$$

de sorte que :

$$B_N \cong B_c$$

L'idée du MCM (2)

Un flux binaire D b/s est divisé en N flux de débit $D' = D/N$.

Chaque flux sera modulé par un modulateur à M états (ex. M -QAM).

Si on utilise un filtre de Nyquist $g(t)$ de *roll-off* β , chaque flux sera transposé autour de la fréquence f_i .

$$s(t) = \sum_{i=0}^{N-1} a_i g(t) \cos(2\pi f_i t + \phi_i),$$

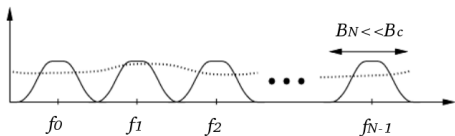
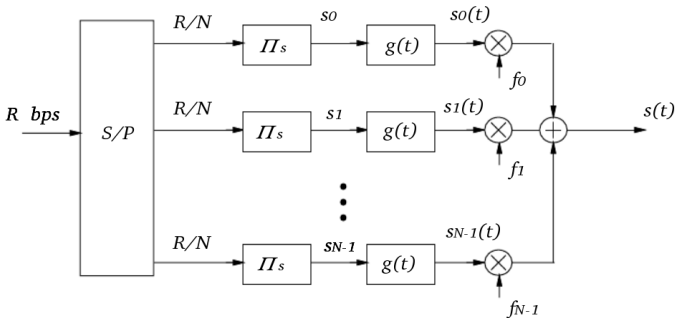
Les fréquences f_i vérifient :

$$f_i = f_0 + iB_N.$$

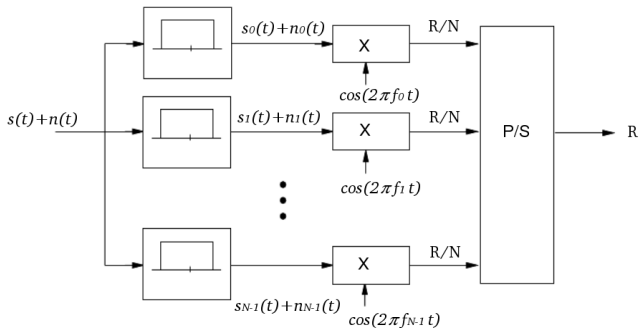
et le temps de symbole :

$$T_N = \frac{(1 + \beta)}{B_N},$$

Le Tx multi-porteuses



Le Rx multi-porteuses



Efficacité spectrale

Ce système est spectralement inefficace.

$$B_{TOT} = N.B_N = N.\frac{1 + \beta}{T_N}.$$

On peut réduire la largeur de bande totale en « serrant » les porteuses entre elles.

L'ensemble,

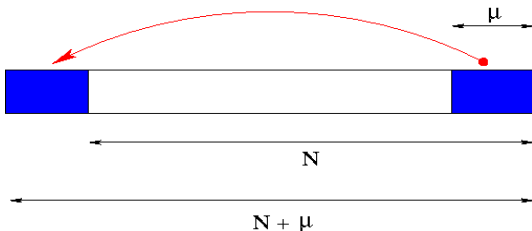
$$\left\{ \cos\left(2\pi\left(f_0 + \frac{i}{T_N}t + \phi_i\right)\right) \right\} \quad i = 0, 1, 2, \dots, N - 1,$$

est orthogonal dans l'ensemble $[0, T_N]$.

$$B_N = (1 + \beta)\frac{1}{T_N},$$

$$B_{TOT} = \frac{1}{2}(\beta + \xi)\frac{1}{T_N} + N.\frac{1}{T_N} + \frac{1}{2}(\beta + \xi)\frac{1}{T_N} = \frac{N + \beta + \xi}{T_N} \approx \frac{N}{T_N}.$$

Préfixe cyclique



$$\tilde{x}(n) \rightarrow h(n) \rightarrow y(n)$$

$$y(n) = h(n) * \tilde{x}(n) = \sum_{k=0}^{\mu} h(k) \cdot \tilde{x}(n - k) = \sum_{k=0}^{\mu} h(k) \cdot x(n - k)_N = h(n) \odot x(n).$$

pc : CL → CC!

$$Y(i) = H(i) \cdot X(i) \quad 0 \leq i \leq N - 1 \Rightarrow x(n) = \text{IDFT} \left\{ \frac{Y(i)}{X(i)} \right\}.$$

l'OFDM

Le **pc** induit l'OFDM !

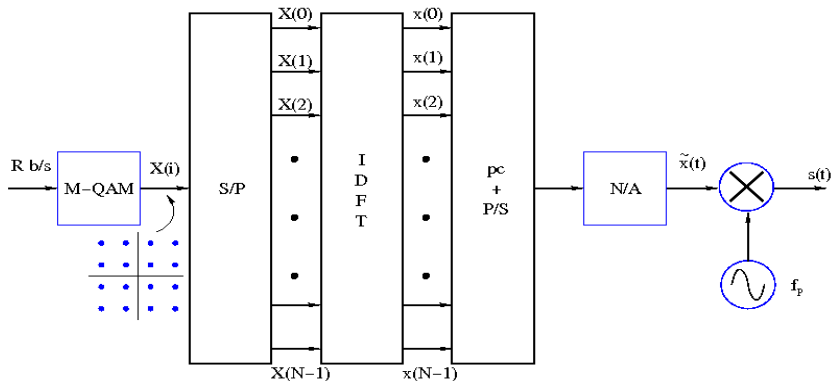
Les données sont divisées en blocs de taille N symboles.

Chaque bloc s'appelle un « symbole OFDM ».

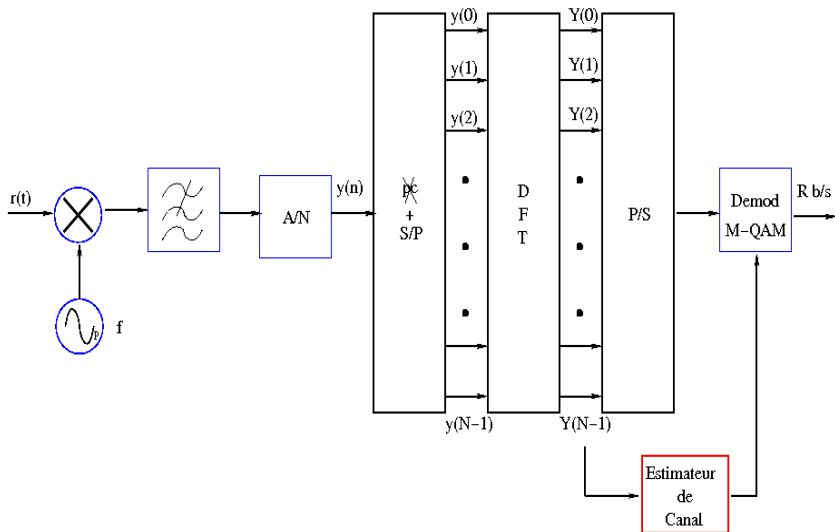
Un symbole OFDM est précédé d'un **pc** de longueur proportionnelle au *delay spread* du canal, pour induire la convolution circulaire et atténuer les effets d'IES entre blocs.

En réception, les symboles entachés d'IES sont supprimés et une transformation inverse assure la récupération des données.

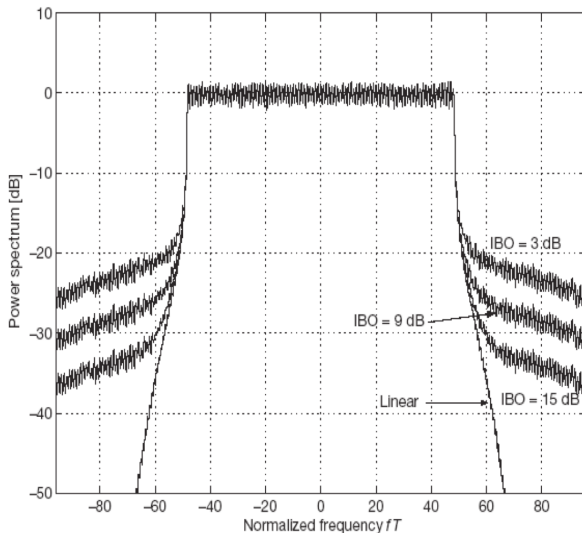
Modulateur OFDM



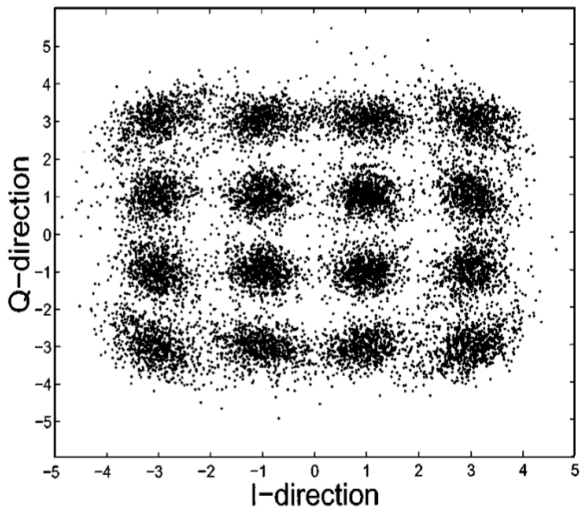
Démodulateur OFDM



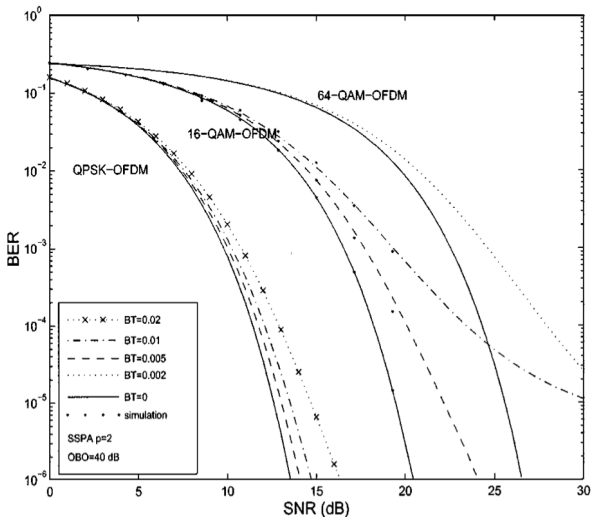
La non-linéarité des amplis RF.



La non-linéarité des amplis RF (2)



La non-linéarité des amplis RF (3)



Fin

rodriguez@telecom-paristech.fr