

**TP 4**

## Modèle et Analyse de l'effet de serre atmosphérique

Dans ce TP, nous allons simuler un modèle d'effet de serre qui permettra de mesurer l'impact d'une augmentation de la concentration de  $\text{CO}_2$  sur le forçage radiatif supplémentaire induit et finalement sur la hausse de température induite.

Avant de préciser le modèle, nous rappelons plusieurs éléments vus en cours :

- Tout corps (dont le Soleil et la Terre) émet un rayonnement électromagnétique dont le spectre dépend de sa température. Ainsi, selon la loi de Planck, ce spectre est donné par

$$M(\lambda, T) = \frac{2h\pi c^2}{\lambda^5} \frac{1}{e^{\frac{hc}{\lambda kT}} - 1}$$

avec  $\lambda$  la longueur d'onde (en m),  $T$  la température en Kelvin du corps,  $c$  la célérité de l'onde,  $k$  la constante de Boltzmann et  $h$  la constante de Planck.

- En intégrant sur tout le spectre, on obtient la puissance surfacique suivante pour ce rayonnement, qu'on appellera *forçage radiatif* et qu'on notera par  $F$

$$F = \int_{\lambda} M(\lambda, T) d\lambda = \sigma T^4 \quad (1)$$

avec  $\sigma$  la constante de Stefan-Boltzmann.

- La valeur de ce forçage au niveau de son entrée dans l'atmosphère vaut environ

$$F_{\text{ext}} = 340 \text{ W/m}^2.$$

La Terre (planète+atmosphère) admet un équilibre radiatif ce qui signifie que

$$F_{\text{ext}} = F_{\text{int}}(T, C)$$

avec  $F_{\text{int}}(T, C)$  le forçage radiatif en sortie de l'atmosphère issu de la planète ayant une température au sol de  $T$  et une concentration de  $\text{CO}_2$  de  $C$ .

**L'objectif du TP est de simuler la fonction  $(T, C) \mapsto F_{\text{int}}(T, C)$  en fonction de  $C$  et de comprendre l'impact sur  $T$  de la contrainte  $F_{\text{ext}} = F_{\text{int}}(T, C)$ .**

Pour construire cette fonction  $F_{\text{int}}$ , nous allons découper l'atmosphère en couche de hauteur « infinitésimal »  $dz$  et nous allons également raisonner sur une largeur de spectre « infinitésimale »  $d\lambda$ . Nous considérons que la couche  $n$  a une température  $T_n$  et que le système admet  $N$  couches telle  $Ndz$  correspond à la hauteur de sortie d'atmosphère que nous fixerons à 80km.

A la longueur d'onde  $\lambda$ , le forçage radiatif à la couche  $n$  sera noté  $F_n(\lambda)$ . Nous avons la récurrence suivante

- Couche initiale :  $F_0(\lambda) = M(\lambda, T_0)$  avec  $T_0 := T$  la température au sol
- Couche  $n$  :  $F_n(\lambda) = (1 - \alpha_n(z_n, \lambda, C))F_{n-1}(\lambda) + \alpha_n(z_n, \lambda, C)M(\lambda, T_n)$  avec  $z_n$  la hauteur de la couche  $n$ . Cette égalité provient d'un équilibre des forçages radiatifs à chaque couche et de la loi de Kirchhoff indiquant que le taux d'émission d'un corps est identique à son taux d'absorption.
- Couche finale :  $F_N(\lambda, T, C) = (1 - \alpha_N(z_N, \lambda, C))F_{N-1}(\lambda) + \alpha_N(z_N, \lambda, C)M(\lambda, T_N)$

avec  $\alpha_n(z, \lambda, C)$  le taux d'absorption à la hauteur  $z$ , la longueur d'onde  $\lambda$  dû à la concentration  $C$  de  $\text{CO}_2$ .

Finalement, nous avons

$$F_{\text{int}}(T, C) = \int F_N(\lambda, T, C) d\lambda$$

Nous noterons

- $\Delta F$  le déséquilibre radiatif qui vaut

$$\Delta F(T, C) = |F_{\text{int}}(T, C) - F_{\text{ext}}|.$$

- $C_0$  et  $T_0$  respectivement la concentration de  $\text{CO}_2$  (280ppm) et la température induite (288, 2°K) à l'ère pré-industrielle.
- $\Delta T$  l'écart de température  $T - T_0$  avec  $T$  la température obtenue avec la concentration de  $\text{CO}_2$   $C$ .

Le modèle en couche est résumé sur la figure et provient de [1].

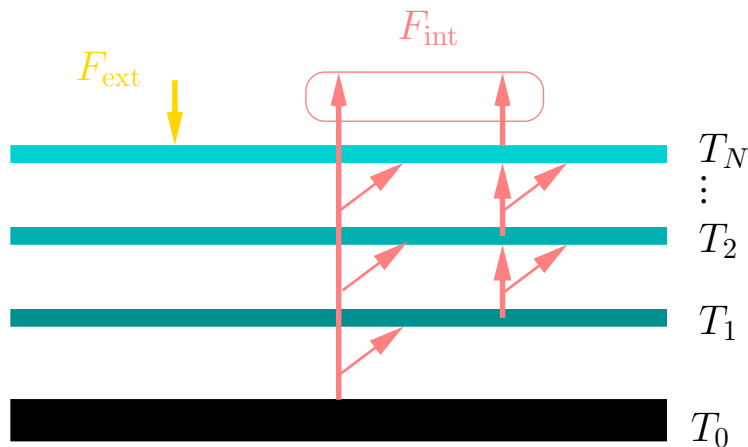


FIGURE 1 – Modèle par couche de l'effet de serre

### Questions :

- 1.1 Tracer le profil de gradient de la température selon la hauteur dans l'atmosphère selon le modèle US1976.
- 1.2 Tracer le profil de gradient de pression selon la hauteur dans l'atmosphère
- 1.3 Tracer l'allure  $A(\lambda)$  du spectre d'absorption du  $\text{CO}_2$  en fonction de  $\lambda$  avec

$$A(\lambda) = A_0 \cdot 10^{-22,5 - 24 \cdot |\lambda - \lambda_0| / \lambda_0}$$

où  $\lambda_0 = 15\mu\text{m}$  et  $A_0$  un facteur de normalisation permettant de comparer visuellement au spectre de Planck calculé à la température pré-industrielle.

On va maintenant s'intéresser au forçage sortant de l'atmosphère.

- 2.1 Examiner le spectre du forçage  $\lambda \mapsto F_N(\lambda, T_0, C_0)$  avec celui de  $\lambda \mapsto F_N(\lambda, T_0, C)$  pour trois modèles de gradient de température (constante, simple, US1976) et différentes valeurs de  $C$  allant de  $C_0$  à  $4C_0$ . Qu'en conclure ?
- 2.2 Supposer aux courbes de 2.1 les spectres de Planck au sol aux températures 288, 2°K et 216°. Commenter.
- 2.3 Dorénavant on considère le modèle simplifié du gradient de température. Tracer  $C \mapsto \Delta F(T_0, C)$ .
- 2.4 On considère la fonction

$$g(C) = a \log_{10}(C/C_0)$$

Trouver le  $a$  permettant d'ajuster au mieux les fonctions  $\Delta F$  et  $g$  au sens des moindres carrés. Le terme  $a$  sera le coefficient de régression. Pour se faire, trouver sous forme analytique le terme  $a$  minimisant la distance quadratique entre les sorties des fonctions  $\Delta F$  et  $g$  sur la grille de  $C$  testée. Que vaut  $a$  qu'on notera  $a_F$  ?

- 2.5 Tracer en fonction de  $C$  les fonctions  $\Delta(T_0, C)$  et  $g(C)$  avec le  $a$  obtenu en 2.4. Qu'observez-vous ?

On va maintenant s'intéresser à la température  $T$  que le sol doit avoir lorsque la concentration est de  $C$  pour que  $F_{\text{int}}(T, C) = F_{\text{int}}(T_0, C_0) = (F_{\text{ext}})$ .

- 3.1 Tracer la fonction  $\Delta T$  en fonction de  $C$ .
- 3.2 Ajuster en suivant l'approche de **2.4** la fonction  $g$  à  $\Delta T$ . Que vaut le nouveau  $a$  qu'on notera  $a_T$ ? Evaluer  $a_F/a_T$  et montrer que cette valeur était prévisible en se basant sur l'équation (1).
- 3.3 Tracer alors le  $g$  correspondant et comparer à  $\Delta T$ . Qu'observez-vous?
- 3.4 Sachant que 30% de l'ampleur du réchauffement est dû à l'effet radiatif (les 70% restant sont dûs aux réactions du système-Terre à cette modification du bilan radiatif et donc de température), en déduire le nom de l'« unité » permettant de passer de  $C/C_0$  à l'écart total de température.
- 3.5 Rechercher dans la littérature la valeur de l'écart de température engendré par un doublement de la concentration de  $\text{CO}_2$ ? Qu'en déduisez-vous sur le modèle utilisé dans ce TP?

**Bibliographie :**

1. J.-L. Dufresne, "l'effet de serre atmosphérique : plus subtil qu'on ne le croit!", Météorologie, 2011.
  2. N. Jeevanjee et al., "An analytical model for spatially-varying clear-sky  $\text{CO}_2$  forcing", Journal of Climate, 2021.
  3. Modèle MODTRAN, <https://climatemodels.uchicago.edu/modtran>, Université de Chicago.
-